

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Пекаревский Борис Владимирович
Должность: Проректор по учебной и методической работе
Дата подписания: 06.06.2022 15:36:05
Уникальный программный ключ:
3b89716a1076b80b2c167df0f27c09d01782ba84



МИНОБРНАУКИ РОССИИ
федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Санкт-Петербургский государственный технологический институт
(технический университет)»
(СПбГТИ(ТУ))

УТВЕРЖДАЮ
Проректор по учебной и методической работе
_____ Б. В. Пекаревский
« ____ » _____ 2019 г.

Рабочая программа дисциплины

МАТЕМАТИКА

Направление подготовки

15.03.03 Прикладная механика

Направленность программы

Динамика и прочность машин и аппаратуры

Квалификация

Бакалавр

Форма обучения

очная

Факультет **информационных технологий и управления**
Кафедра **математики**

Санкт-Петербург

2019

ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЯ

Должность	Подпись	Ученое звание, фамилия, инициалы
Разработчик		д.ф.-м.н. А. А. Груздков

Рабочая программа дисциплины «Математика» обсуждена на заседании кафедры математики

Протокол от « » 2019 №

Заведующий кафедрой

А. А. Груздков

Одобрено учебно-методической комиссией факультета информационных технологий и управления

протокол от « » 2019 №

Председатель

В. В. Куркина

СОГЛАСОВАНО

Руководитель направления подготовки «Прикладная механика»		Н. А. Марцулевич
Директор библиотеки		Т. Н. Старостенко
Начальник методического отдела учебно-методического управления		Т. И. Богданова
Начальник УМУ		С. Н. Денисенко

СОДЕРЖАНИЕ

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы	4
2. Место дисциплины в структуре образовательной программы	4
3. Объем дисциплины.....	5
4. Содержание дисциплины.....	5
4.1. Разделы дисциплины и виды занятий	5
4.2. Занятия лекционного типа	6
4.3 Занятия семинарского типа	10
4.4. Самостоятельная работа обучающихся.....	13
5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине	14
6. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации	14
7. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины	15
8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины	16
9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины.....	17
10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине	17
10.1. Информационные технологии.....	17
10.2. Программное обеспечение.....	17
10.3. Базы данных и информационные справочные системы	17
11. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине	17
12. Особенности освоения дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья	17
Фонд оценочных средств	18

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

В результате освоения образовательной программы бакалавриата обучающийся должен овладеть следующими результатами обучения по дисциплине:

Коды компетенции	Результаты освоения ООП (содержание компетенций)	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине
ОПК-3	способность выявлять естественнонаучную сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности, привлекать для их решения физико-математический аппарат	Знать: основные разделы алгебры, аналитической геометрии, математического анализа. Уметь: применять методы математического анализа, алгебры и геометрии, теории дифференциальных уравнений к решению профессиональных задач Владеть: навыками самостоятельного анализа и решения математических задач, связанных с областью профессиональной деятельности.

2. Место дисциплины в структуре образовательной программы¹

Дисциплина относится к обязательным дисциплинам базовой части. Код дисциплины по учебному плану Б1.Б.05. Дисциплина изучается на первом и втором курсе (1-4 семестр).

Дисциплина «Математика» изучается на основе знаний, полученных при изучении курса элементарной математики в среднем учебном заведении.

Знания, навыки и умения, приобретённые при изучении дисциплины, являются основой для изучения последующих математических дисциплин: «Уравнения математической физики», «Теория вероятности и математическая статистика», «Основы вариационного исчисления». Освоение курса «Математика» необходимо также для успешного усвоения ряда общенаучных и специальных дисциплин: «Физика», «Строительная механика», «Теория упругости» и ряда других.

¹ Место дисциплины будет учитываться при заполнении таблицы 1 в Приложении 1 (Фонд оценочных средств)

3. Объем дисциплины

Вид учебной работы	Всего, академических часов
	Очная форма обучения
Общая трудоемкость дисциплины (зачетных единиц/ академических часов)	18/648
Контактная работа с преподавателем:	314
занятия лекционного типа	108
занятия семинарского типа, в т.ч.	180
семинары, практические занятия	180
лабораторные работы	
курсовое проектирование (КР или КП)	..
КСР	26
другие виды контактной работы	..
Самостоятельная работа	208
Контроль	126
Форма текущего контроля (Кр, реферат, РГР, эссе)	7 Кр, 4 РГР
Форма промежуточной аттестации (Кр, КП, зачет, экзамен)	зачет (1 семестр), экзамен (2-4 семестры)

4. Содержание дисциплины

4.1. Разделы дисциплины и виды занятий

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Занятия лекционного типа, акад. часы	Занятия семинарского типа, академ. часы		Самостоятельная работа, акад. часы	Формируемые компетенции
			Семинары и/или практические занятия	Лабораторные работы		
1.	Линейная алгебра	8	14		12	ОПК-3
2.	Векторная алгебра и аналитическая геометрия	14	12		12	ОПК-3
3.	Комплексные числа и многочлены.	4	2		10	ОПК-3
4.	Введение в математический анализ	6	12		12	ОПК-3
5.	Дифференциальное исчисление функций одной переменной	4	10		12	ОПК-3
6	Приложения дифференциального исчисления функций одной переменной		4		8	ОПК-3

	Итого за первый семестр	36	54		66	
6.	Приложения дифференциального исчисления функций одной переменной	8	2		14	ОПК-3
7.	Интегральное исчисление функций одной переменной.	10	28		35	ОПК-3
8.	Дифференциальное и интегральное исчисление функций нескольких переменных	18	26		40	ОПК-3
	Итого за второй семестр	36	54		89	
9.	Обыкновенные дифференциальные уравнения	8	16		6	ОПК-3
10.	Числовые и функциональные ряды	10	20		8	ОПК-3
	Итого за третий семестр	18	36		14	
11.	Криволинейные интегралы	6	12		15	ОПК-3
12.	Поверхностные интегралы	8	16		15	ОПК-3
13.	Элементы теории поля	4	8		9	ОПК-3
	Итого за четвертый семестр	18	36		39	
	ИТОГО	108	180		208	

4.2. Занятия лекционного типа

№ раздела дисциплины	Наименование темы и краткое содержание занятия	Объем, акад. часы	Инновационная форма
1	Понятие линейного пространства. Примеры. Линейная зависимость и линейная независимость элементов линейного пространства. Размерность и базис линейного пространства. Единственность разложения по базису.	2	
1	Матрицы, основные понятия. Определитель квадратной матрицы. Операции над матрицами и их свойства.	2	
1	Обратная матрица. Необходимое и достаточное условие обратимости матрицы. Системы линейных алгебраических уравнений, матричные формы представления. Теорема Крамера.	2	
1	Ранг матрицы. Теорема о базисном миноре. Разрешимость системы линейных алгебраических уравнений: теорема Кронекера-Капелли. Свойства решений однородных систем линейных алгебраических уравнений.	2	
2	Векторные величины и геометрические векторы. Линейные операции над векторами, их свойства. Теорема о линейной зависимости двух, трёх и четырёх векторов. Координаты векторов, связь с линейными операциями.	2	
2	Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов. Определение, свойства, вычисление в декартовом базисе.	2	

№ раздела дисциплины	Наименование темы и краткое содержание занятия	Объем, акад. часы	Инновационная форма
2	Декартова система координат. Радиус-вектор и координаты точки пространства. Задание геометрических объектов уравнениями. Уравнение плоскости в пространстве. Расстояние от точки до плоскости.	2	
2	Прямая в пространстве: различные виды уравнений, расстояние от точки до прямой.	2	
2	Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве. Задачи на прямую и плоскость в пространстве: угол между плоскостями, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью.	2	
2	Прямая на плоскости. Преобразование координат при замене декартового базиса на плоскости. Полярная система координат.	2	
2	Кривые второго порядка (конические сечения): канонический вид уравнений, основные свойства.	2	
3	Комплексные числа. Алгебраическая, тригонометрическая, показательная форма комплексного числа. Арифметические операции, возведение в степень.	2	
3	Многочлены. Операции над многочленами. Корень многочлена. Основная теорема алгебры. Теорема Безу. Разложение многочлена на линейные сомножители.	2	
4	Окрестность точки числовой прямой. Бесконечно удалённые точки. Определение предела, геометрическая интерпретация. Единственность предела. Предел последовательности.	2	
4	Основные теоремы о пределах. Замечательные пределы. Бесконечно малые, бесконечно большие и ограниченные функции: определения и основные теоремы. Арифметические операции над пределами.	2	
4	Сравнение бесконечно малых. Непрерывность функции в точке. Классификация разрывов. Непрерывность функции на отрезке. Теорема Вейерштрасса. Теорема Больцано-Коши.	2	
5	Дифференцируемость функции, связь с непрерывностью. Понятия дифференциала и производной, их геометрический и механический смысл.	2	
5	Правила дифференцирования. Таблица производных: вывод некоторых формул. Производные и дифференциалы высших порядков.	2	

№ раздела дисциплины	Наименование темы и краткое содержание занятия	Объем, акад. часы	Инновационная форма
6	Теоремы о дифференцируемых функциях: теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши. Правило Лопиталья.	2	
6	Многочлен Тейлора. Формула Тейлора с остаточным членом в форме Пеано и Лагранжа. Формула Маклорена для функций e^x , $\sin x$, $\cos x$. Применение формулы Тейлора.	2	
6	Монотонность функции. Необходимое условие монотонности. Достаточное условие монотонности. Экстремум. Необходимое условие экстремума. Первое и второе достаточное условие экстремума.	2	
6	Выпуклость функции. Необходимое условие выпуклости. Достаточное условие выпуклости. Точки перегиба. Асимптоты графика функции.	2	
7	Первообразная и неопределённый интеграл, определение и основные свойства. Интегрирование по частям и замена переменной в неопределённом интеграле.	2	
7	Определённый интеграла Римана. Определение, свойства. Теорема о среднем, геометрический смысл интеграла.	2	
7	Замена переменной и интегрирование по частям в определённом интеграле. Несобственные интегралы первого и второго рода.	2	
7	Геометрические приложения определённого интеграла: нахождение площади фигур (в декартовых координатах, с параметрически заданными границами, в полярных координатах), длина кривой (определение, понятие спрямляемой кривой, формулы для нахождения длины), объёмы тел (по площадям поперечных сечений и тел вращения).	4	
8	Функции нескольких переменных: определение, способы задания, график, линии уровня. Предел и непрерывность.	2	
8	Дифференцируемость функций нескольких переменных. Частные производные, их геометрический смысл. Необходимое условие дифференцируемости. Достаточное условие дифференцируемости. Дифференцирование сложной функции.	2	
8	Производные и дифференциалы высших порядков. Теорема о перестановке порядка дифференцирования. Формула конечных приращений и формула Тейлора для функций двух переменных.	2	

№ раздела дисциплины	Наименование темы и краткое содержание занятия	Объем, акад. часы	Инновационная форма
8	Экстремум функций двух переменных. Необходимое условие экстремума. Достаточное условие экстремума. Поверхности в пространстве. Градиент функции нескольких переменных. Касательная плоскость к поверхности. Неявные функции, их дифференцирование.	2	
8	Двойной интеграл: определение, свойства, вычисление. Среднее значение функции двух переменных.	2	
8	Замена переменных в двойном интеграле. Вычисление двойного интеграла в полярных координатах.	2	
8	Приложения двойных интегралов: масса пластинки, центр масс пластинки, момент инерции, объёмы тел.	2	
8	Тройной интеграл: определение, свойства, вычисление. Среднее значение функции трёх переменных. Приложения тройных интегралов.	2	
8	Тройной интеграл в сферических и цилиндрических координатах.	2	
9	Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Дифференциальные уравнения первого порядка, формы представления. Задача Коши для уравнений первого порядка. Теорема существования и единственности. Общее, частное и особое решение дифференциального уравнения.	4	
9	Геометрическая интерпретация дифференциальных уравнений первого порядка. Метод изоклин. Уравнения высших порядков: задача Коши, теорема существования и единственности, общее решение. Дифференциальные уравнения второго порядка: геометрический и механический смысл задачи Коши.	4	
9	Линейные дифференциальные уравнения. Линейный дифференциальный оператор. Свойства решений линейного однородного дифференциального уравнения. Определитель Вронского. Линейная независимость решений линейного однородного уравнения, фундаментальная система решений, структура общего решения.	4	

№ раздела дисциплины	Наименование темы и краткое содержание занятия	Объем, акад. часы	Инновационная форма
9	Структура решения линейного однородного дифференциального уравнения. Нахождение его решения методом вариации произвольных постоянных. Построение фундаментальной системы решений для линейного однородного дифференциального уравнения с постоянными коэффициентами.	4	
10	Понятие числового ряда. Определение суммы ряда, сходимость и расходимость числовых рядов. Критерий Коши сходимости рядов. Необходимое условие сходимости ряда. Ряды с положительными членами. Признаки сходимости: сравнения, Даламбера, Коши (радикальный), интегральный. Ряды с членами произвольного знака. Абсолютная и условная сходимость. Знакопеременные ряды: теорема Лейбница, оценка остатка лейбницевского ряда.	8	
10	Функциональные ряды. Понятие равномерной сходимости. Признак равномерной сходимости Вейерштрасса. Свойства равномерно сходящихся рядов. Степенные ряды. Теорема Абеля. Дифференцирование и интегрирование степенных рядов.	4	
10	Разложение функций в степенной ряд. Необходимое условие разложимости, единственность разложимости, достаточное условие разложимости. Разложение в степенной ряд функций e^x , $\sin x$, $\cos x$, $\ln(1+x)$, $(1+x)^\alpha$. Приложения степенных рядов.	4	
10	Ряды Фурье. Разложение функций в ряд тригонометрический ряд Фурье: нахождение коэффициентов, единственность разложения, сходимость (теорема Дирихле).	4	
	ИТОГО	108	

4.3 Занятия семинарского типа

4.3.1. Семинары, практические занятия

№ раздела дисциплины	Наименование темы и краткое содержание занятия	Объем, акад. часы	Инновационная форма
1	Матрицы. Операции над матрицами. Определители, их свойства.	4	
1	Формулы Крамера. Нахождение обратной матрицы.	2	-
1	Ранг матрицы. Элементарные преобразования над строками. Решение систем линейных	6	-

№ раздела дисциплины	Наименование темы и краткое содержание занятия	Объем, акад. часы	Инновационная форма
	уравнений методом Гаусса. Свойства однородных систем линейных уравнений.		
1	Контрольная работа № 1	2	-
2	Линейные операции над векторами.	2	-
2	Скалярное, векторное, смешанное произведение, их физический и геометрический смысл. Применение к решению геометрических задач.	4	
2	Плоскость и прямая в пространстве. Различные виды уравнений. Задачи на прямую и плоскость в пространстве.	6	
3	Операции над комплексными числами.	2	
4	Понятие предела. Вычисление пределов алгебраических выражений. Неопределённости вида $\left\{ \frac{\infty}{\infty} \right\}$, $\{\infty - \infty\}$, $\left\{ \frac{0}{0} \right\}$.	4	
4	Замечательные пределы. Эквивалентные бесконечно малые. Вычисление пределов трансцендентных функций.	4	
4	Контрольная работа № 2.	2	
5	Производная функции в точке. Таблица производных, основные правила дифференцирования. Логарифмическое дифференцирование. Производные высших порядков.	8	
5	Контрольная работа № 3	2	
4	Раскрытие неопределенностей вида $\left\{ 1^{\infty} \right\}$. Нахождение асимптот графиков функции.	2	
6	Задачи на применение производной функций одной переменной.	4	
6	Полное исследование функций и построение их графиков.	2	
7	Первообразная и неопределённый интеграл. Таблица интегралов. Непосредственное интегрирование.	2	
7	Замена переменной в неопределённом интеграле.	2	
7	Интегрирование по частям.	2	
7	Интегрирование рациональных функций.	2	
7	Интегрирование тригонометрических выражений.	2	
7	Интегрирование иррациональных выражений	2	
7	Определённый интеграл. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной и интегрирование по частям в определённом интеграле.	4	

№ раздела дисциплины	Наименование темы и краткое содержание занятия	Объем, акад. часы	Инновационная форма
7	Несобственные интегралы I-го и II-го рода.	2	
7	Контрольная работа № 4.	2	
7	Геометрические приложения определённого интеграла	6	
8	Функции нескольких переменных: основные понятия. Частные производные, полный дифференциал.	2	
8	Частные производные и дифференциалы высших порядков. Экстремум функций двух переменных, наибольшее и наименьшее значение функции в замкнутой области.	4	
8	Вычисление двойных интегралов в декартовых координатах	6	
8	Вычисление двойных интегралов в полярных координатах	2	
8	Контрольная работа № 5	2	
8	Приложение двойных интегралов	2	
8	Вычисление тройных интегралов. Цилиндрические координаты. Сферические координаты. Задачи на приложения тройных интегралов.	8	
9	Дифференциальные уравнения первого порядка	12	
9	Методы понижения порядка дифференциальных уравнений	4	
9	Линейные дифференциальные уравнения высших порядков. Построение фундаментальной системы решений для однородного уравнения с постоянными коэффициентами	4	
9	Линейные неоднородные дифференциальные уравнения высших порядков. Метод Лагранжа.	4	
9	Линейные неоднородные дифференциальные уравнения высших порядков с правой частью специального вида.	4	
9	Контрольная работа № 6	2	
10	Сходимость числовых рядов. Основные понятия. Признаки сходимости знакопостоянных рядов.	8	
10	Сходимость знакопеременных рядов. Абсолютная и условная сходимость. Признак Лейбница.	6	
10	Функциональные ряды. Область сходимости. Сходимость степенных рядов.	4	
10	Контрольная работа № 7	2	
10	Разложение функций в степенной ряд	6	

№ раздела дисциплины	Наименование темы и краткое содержание занятия	Объем, акад. часы	Инновационная форма
10	Применение степенных рядов: приближённые вычисления значений функции, вычисление интегралов, решение дифференциальных уравнений.	4	
10	Разложение функций в тригонометрический ряд Фурье	12	
	Итого за третий семестр	72	
	ИТОГО	180	

4.3.2. Лабораторные занятия

№ раздела дисциплины	Наименование темы и краткое содержание занятия	Объем, акад. часы	Примечание
	не предусмотрены		

4.4. Самостоятельная работа обучающихся

№ раздела дисциплины	Перечень вопросов для самостоятельного изучения	Объем, акад. часы	Форма контроля
1	Различные методы вычисления определителей квадратных матриц. Методы решения и анализа систем линейных уравнений. Выполнение индивидуального задания, подготовка к контрольной работе, подготовка к зачёту..	12	Кр, ИЗ, вопросы к зачёту
2	Решение геометрических задач методами векторной алгебры и аналитической геометрии. Выполнение индивидуального задания, подготовка к зачёту.	12	ИЗ, вопросы к зачёту
3	Возведение в степень комплексных чисел, извлечение корня. Выполнение индивидуального задания, подготовка к зачёту.	10	ИЗ, вопросы к зачёту
4	Определение предела в различных ситуациях. Методы раскрытия неопределённостей при вычислении пределов. Подготовка к контрольной работе и экзамену.	12	Кр, вопросы к экзамену
5	Освоение техники дифференцирования. Подготовка к контрольной работе.	12	Кр, вопросы к экзамену
6	Полное исследование функции и построение её графика. Выполнение РГР.	14	РГР
7	Методы интегрирования. Тригонометрические подстановки, дифференциальный бином. Специфика вычисления определённых интегралов. Нахождение площадей фигур и длин кривых в полярных координатах. Вычисление объёмов тел вращения методом цилиндрических оболочек. Выполнение РГР, подготовка к	35	Кр, РГР, вопросы к экзамену

№ раздела дисциплины	Перечень вопросов для самостоятельного изучения	Объем, акад. часы	Форма контроля
	Кр № 4 и экзамену.		
8	Методы представления функций двух переменных: таблица, график, линии уровня. Формула Тейлора и экстремум функций двух переменных. Замена переменных в кратных интегралах. Выполнение РГР, подготовка к Кр № 5 и экзамену.	60	Кр, РГР, вопросы к экзамену
9	Уравнения, приводящиеся к однородным или линейным дифференциальным уравнениям первого порядка. Различные методы понижения порядка дифференциальных уравнений. Подготовка к Кр №6 и экзамену.	41	Кр, вопросы к экзамену
ИТОГО		208	

5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

Методические указания для обучающихся по организации самостоятельной работы по дисциплине, включая перечень тем самостоятельной работы, формы текущего контроля по дисциплине и требования к их выполнению размещены в электронной информационно-образовательной среде СПбГТИ(ТУ) на сайте Медия: <http://media.technolog.edu.ru>

6. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации

Своевременное выполнение обучающимся мероприятий текущего контроля позволяет превысить (достигнуть) пороговый уровень («удовлетворительно») освоения предусмотренных элементов компетенций.

Результаты дисциплины считаются достигнутыми, если для всех элементов компетенций превышен (достигнут) пороговый уровень освоения компетенции на данном этапе.

Промежуточная аттестация по дисциплине проводится в форме зачетов и экзаменов. К сдаче экзамена допускаются студенты, выполнившие все формы текущего контроля.

Экзамен предусматривают выборочную проверку освоения предусмотренных элементов компетенций и комплектуются вопросами (заданиями) двух видов: теоретический вопрос (для проверки знаний) и комплексная задача (для проверки умений и навыков).

При сдаче экзамена, студент получает два теоретических вопроса из перечня вопросов и задачу, время подготовки студента к устному ответу - до 45 мин.

Пример варианта вопросов на экзамене:

Вариант № 1
<ol style="list-style-type: none"> 1. Основные виды дифференциальных уравнений 2. Понятие определенного интеграла. 3. Задача.

Фонд оценочных средств по дисциплине представлен в Приложении № 1

7. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

а) основная литература:

1. Шипачев, В. С. Высшая математика / В. С. Шипачев. - М.: Высшая школа, 2008. - 479 с.
2. Беклемишев, Д. В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры / Д. В. Беклемишев. - М.: Лань, 2015. - 484 с.
3. Берман, Г. Н. Сборник задач по курсу математического анализа / Г. Н. Берман. - СПб.: Лань, 2006. - 608 с.
4. Кудрявцев, Л. Д. Курс математического анализа / Л. Д. Кудрявцев. - М.: Дрофа, Т. 1 - 2006. - 702 с., Т. 2 - 2004. - 720 с.
5. Демидович, Б. П. Численные методы анализа. Приближение функций, дифференциальные и интегральные уравнения: Учебное пособие / Б. П. Демидович, И. А. Марон, Э. З. Шувалова – СПб.: Лань, 2008. - 400 с.
6. Демидович, Б. П. Дифференциальные уравнения: учебное пособие / Б. П. Демидович, В. П. Моденов. – СПб., М.; Краснодар: Лань, 2008. – 276 с.
7. Гаврилов, В. Р. Кратные и криволинейные интегралы. Элементы теории поля: Учебник для вузов / В. Р. Гаврилов, Е. Е. Иванова, В. Д. Морозова; под ред. В. С. Зарубина, А. П. Крищенко. - 3-е изд., испр. - М.: Изд-во МГТУ им. Н. Э. Баумана, 2008. - 491 с.

методические указания:

1. Шаляпина, О. В. Векторная алгебра. Аналитическая геометрия (справочные материалы): метод. указания / О. В. Шаляпина, Т. А. Уланова.. - СПб.: СПбГТИ(ТУ), каф. высш. математики 2008. - 21 с. (ЭБ)
2. Шаляпина, О. В. Линейная алгебра (справочные материалы): метод. указания / О. В. Шаляпина, Т. А. Уланова; СПбГТИ(ТУ). Каф. высш. математики. - СПб., 2008. - 19 с. (ЭБ)
3. Шаляпина, О. В. Типовые варианты контрольной работы по теме Векторная алгебра и аналитическая геометрия: метод. указания / О. В. Шаляпина, Н. Н. Гизлер, В. С. Капитонов; СПбГТИ(ТУ). Каф. высш. математики. - СПб., 2009. - 23 с. (ЭБ)
4. Груздков, А. А. Элементы теории пределов: метод. указания / А. А. Груздков, М. Б. Купчиненко; СПбГТИ(ТУ). Каф. высш. математики. - СПб., 2010. - 64 с. (ЭБ)
5. Слободинская, Т. В. Пределы. Рекомендации к решению задач контрольной работы: метод. указания / Т. В. Слободинская, А. А. Груздков, М. Б. Купчиненко; СПбГТИ(ТУ). Каф. высш. математики. - СПб., 2010. - 29 с. (ЭБ)
6. Шаляпина, О. В. Предел и непрерывность функции. справочные материалы.: метод. указания / О. В. Шаляпина, Т. А. Уланова, В. С. Капитонов. – СПб., 2012. – 22 с. (ЭБ)
7. Шаляпина, О. В. Производные и дифференциалы. справочные материалы. / О. В. Шаляпина, Т. А. Уланова, В. С. Капитонов. – СПб.: СПбГТИ(ТУ), 2012. – 18 с. (ЭБ)
8. Решение типовых вариантов контрольной работы по теме производные функции одной переменной: метод. указания / П. Е. Баскакова, Т. В. Винник, Н. Н. Гизлер, А. Д. Бабаев. - СПб.: СПбГТИ(ТУ). Каф. высш. математики, 2011. - 16 с. (ЭБ)
9. Применение дифференциального исчисления к исследованию функций и построению графиков: метод. указания / Т. В. Слободинская, П. Е. Баскакова, А. А. Груздков, Н. Н. Гизлер, Ю. А. Неoberдин. - СПб.: СПбГТИ(ТУ), 2013. - 25 с. (ЭБ)
10. Климовицкая, Н. М. Интегралы функций одной переменной: метод. указания / Н. М. Климовицкая, А. А. Груздков. - СПб.: СПбГТИ(ТУ), 2013. - 56 с.

11. Груздков, А. А. Техника вычисления определенных интегралов: метод. указания / А. А. Груздков. – СПб.: СПбГТИ(ТУ), 2012. – 61 с. (ЭБ)
12. Груздков, А. А. Интегральное исчисление функций одной переменной: учебное пособие / А. А. Груздков. - СПб.: СПбГТИ(ТУ), 2013. – 139 с. (ЭБ)
13. Груздков, А. А. Вычисление и приложения двойных интегралов: методические указания / А. А. Груздков, М. Б. Купчиненко. - СПб.: СПбГТИ(ТУ), 2013. - 58 с. (ЭБ)
14. Винник, Т. В. Вычисление тройных интегралов в декартовых и криволинейных координатах: методические указания / Т. В. Винник, А. А. Груздков, М. Б. Купчиненко СПб.: СПбГТИ(ТУ), 2013. – 53 с. (ЭБ)
15. Фаттахова, М. В. Линейные дифференциальные уравнения n -го порядка. Решение задач: метод. указания / М. В. Фаттахова, М. Б. Купчиненко, Н. М. Климовицкая; СПбГТИ(ТУ). Каф. высш. математики. - СПб., 2009. – 65 с. (ЭБ)
16. Шаляпина, О. В. Обыкновенные дифференциальные уравнения : учебное пособие / О. В. Шаляпина, В. С. Капитонов; СПб., СПбГТИ(ТУ). Каф. математики, 2013. – 38 с. (ЭБ)
17. Груздков, А. А. Ряды: учебное пособие / А. А. Груздков, О. В. Шаляпина, В. С. Капитонов. - СПб.: СПбГТИ(ТУ), 2013. – 52 с. (ЭБ)
18. Типовые варианты контрольной работы по теме ряды : метод. указания / П. Е. Баскакова [и др.]; СПбГТИ(ТУ). Каф. высш. математики. - СПб., 2007. – 20 с.

б) дополнительная литература:

1. Запорожец, Г. И. Руководство к решению задач по математическому анализу / Г. И. Запорожец. - СПб.: Лань, 2009. - 460 с.
2. Кузнецов, Л. А. Сборник заданий по высшей математике (типовые расчеты) / Л. А. Кузнецов. - СПб.: Лань, 2008. - 239 с.

в) вспомогательная литература:

1. Муратов, О. В. Дифференциальные уравнения в математических моделях технологических процессов: Методические указания / О. В. Муратов. - Л.: ЛТИ им. Ленсовета. Каф. прикл. математики. - 1989. – 18 с.
2. Понтрягин, Л. С. Знакомство с высшей математикой. Дифференциальные уравнения и их приложения / Л. С. Понтрягин. - М.: Наука. Гл. ред. физ.-мат. лит., 1988. – 207 с.
3. Пономарев, К. К. Составление и решение дифференциальных уравнений инженерно-технических задач: пособие для физико-математических факультетов педагогических институтов / К. К. Пономарев. - М.: Госучпедиздат, 1962. – 184 с.
4. Винник, Т. В. Типовые варианты контрольной работы по теме Обыкновенные дифференциальные уравнения : метод. указания / Т. В. Винник, Н. Н. Гизлер ; СПбГТИ(ТУ). Каф. высш. математики. - СПб., 2005. – 21 с.
5. Индивидуальные задания по теме "Приложения определенного интеграла": метод. указания / Т. В. Слободинская, В. В. Березникова, П. Е. Баскакова, Н. М. Климовицкая, А. Н. Паульсен. СПб.: СПбГТИ(ТУ), 2006. - 52 с. (ЭБ)
6. Винник, Т. В. Типовые варианты контрольной работы по теме «Обыкновенные дифференциальные уравнения»: метод. указания / Т. В. Винник, Н. Н. Гизлер ; СПбГТИ(ТУ). Каф. высш. математики. СПб., 2005. – 21 с.

8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

учебный план, РПД и учебно-методические материалы: <http://media.technolog.edu.ru>
электронно-библиотечные системы:

«Электронный читальный зал – БиблиоТех» <https://technolog.bibliotech.ru/>;
«Лань» <https://e.lanbook.com/books/>.

9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Все виды занятий по дисциплине «Математика» проводятся в соответствии с требованиями следующих СТП:

СТП СПбГТИ 040-02. КС УКДВ. Виды учебных занятий. Лекция. Общие требования;

СТО СПбГТИ 018-2014. КС УКДВ. Виды учебных занятий. Семинары и практические занятия. Общие требования к организации и проведению.

СТП СПбГТИ 048-2009. КС УКДВ. Виды учебных занятий. Самостоятельная планируемая работа студентов. Общие требования к организации и проведению.

СТП СПбГТИ 016-2015. КС УКДВ. Порядок проведения зачетов и экзаменов.

Планирование времени, необходимого на изучение данной дисциплины, лучше всего осуществлять на весь семестр, предусматривая при этом регулярное повторение пройденного материала.

Основными условиями правильной организации учебного процесса для студентов является:

- плановость в организации учебной работы;
- серьезное отношение к изучению материала;
- постоянный самоконтроль.

На занятия студент должен приходить, имея багаж знаний и вопросов по уже изученному материалу.

10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

10.1. Информационные технологии

В учебном процессе по данной дисциплине предусмотрено использование информационных технологий:

- чтение лекций с использованием презентаций;
- взаимодействие с обучающимися посредством электронной информационно-образовательной среды.

10.2. Программное обеспечение

При выполнении РГР студенты используют пакет прикладных программ Mathcad.

10.3. Базы данных и информационные справочные системы

1. Российское образование. Федеральный образовательный портал
Режим доступа <http://www.edu.ru/>
2. Электронная библиотека «Библиотех»
3. Сайт Европейского патентного ведомства. Режим доступа -
<http://ep.espacenet.com>.

11. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Для ведения лекционных и практических занятий используются аудитории кафедры математики.

Для проведения лабораторных занятий используется компьютерный класс, оборудованный 16 персональными компьютерами, объединенными в сеть.

12. Особенности освоения дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья

Для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями учебные процесс осуществляется в соответствии с Положением об организации учебного процесса для обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья СПбГТИ(ТУ), утвержденным ректором 28.08.2014г.

**Фонд оценочных средств
для проведения промежуточной аттестации по
дисциплине «Математика»**

1. Перечень компетенций и этапов их формирования.

Компетенции		
Индекс	Формулировка²	Этап формирования³
ОПК-3	способность выявлять естественнонаучную сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности, привлекать для их решения физико-математический аппарат	начальный

2. Показатели и критерии оценивания компетенций на различных этапах их формирования, шкала оценивания

Показатели оценки результатов освоения дисциплины	Планируемые результаты	Критерий оценивания	Компетенции
Освоение раздела № 1	Знает определения основных понятий линейной алгебры и формулировки базовых теорем. Умеет выполнять операции над матрицами, вычислять определители, решать системы линейных алгебраических уравнений. Владет навыками решения и анализа задач линейной алгебры.	Правильные ответы на вопросы к зачету №№ 1-9, выполнение Кр №1 и индивидуальных заданий	ОПК-3
Освоение раздела № 2	Знает определения основных понятий векторной алгебры и аналитической геометрии, различные виды уравнений прямых, плоскостей, кривых второго порядка. Умеет выполнять операции над векторами, заданными координатами. Владет методами решения базовых задач аналитической геометрии	Правильные ответы на вопросы к зачету №№ 10-23, выполнение индивидуальных заданий	ОПК-3
Освоение	Знает определение множества	Правильные ответы	ОПК-3

² **жирным шрифтом** выделена та часть компетенции, которая формируется в ходе изучения данной дисциплины (если компетенция осваивается полностью, то фрагменты)

³ этап формирования компетенции выбирается по п.2 РПД и учебному плану (начальный – если нет предшествующих дисциплин, итоговый – если нет последующих дисциплин (или компетенция не формируется в ходе практики или ГИА), промежуточный - все другие.)

Показатели оценки результатов освоения дисциплины	Планируемые результаты	Критерий оценивания	Компетенции
раздела № 3	<p>комплексных чисел и формы их представления.</p> <p>Умеет выполнять операции над комплексными числами, применять комплексные числа для решения алгебраических задач.</p> <p>Владеет методами перехода от одной формы представления комплексного числа к другой, методами разложения многочленов на множители при наличии комплексных корней.</p>	<p>на вопросы к зачету №№ 24-25, выполнение РГР № 1.</p>	
Освоение раздела № 4	<p>Знает основные типы неопределённости, встречающихся при вычислении пределов.</p> <p>Умеет вычислять пределы алгебраических и трансцендентных функций.</p> <p>Владеет методами раскрытия неопределённости в пределах и исследования точек разрыва функции.</p>	<p>Правильные ответы на вопросы к экзамену №№ 1-9 (второй семестр), выполнение Кр № 2 и РГР № 2.</p>	ОПК-3
Освоение раздела № 5	<p>Знает определение производной, дифференцируемости, дифференциала, производные всех элементарных функций и правила дифференцирования.</p> <p>Умеет вычислять производные заданных функций.</p> <p>Владеет теоретическими основами раздела.</p>	<p>Правильные ответы на вопросы к экзамену №№ 10-13 (второй семестр), выполнение Кр № 3.</p>	ОПК-3
Освоение раздела № 6	<p>Знает точные определения и наглядный смысл понятий монотонности, экстремума, выпуклости, асимптоты.</p> <p>Умеет проводить полное исследование функции и построение её графика, применять дифференциальное исчисления для решения задач.</p> <p>Владеет методами исследования монотонности и выпуклости функции.</p>	<p>Правильные ответы на вопросы к экзамену №№ 14-23 (второй семестр), выполнение РГР № 2.</p>	ОПК-3

Показатели оценки результатов освоения дисциплины	Планируемые результаты	Критерий оценивания	Компетенции
Освоение раздела № 7	<p>Знает таблицу интегралов и основные правила преобразования интегралов, ключевые теоремы интегрального исчисления.</p> <p>Умеет вычислять определённые и неопределённые интегралы рациональных, тригонометрических, иррациональных функций.</p> <p>Владеет навыками применения интегрального исчисления к решению прикладных задач.</p>	Правильные ответы на вопросы к экзамену № 24-36 (второй семестр), выполнение РГР № 2, выполнение Кр 4.	ОПК-3
Освоение раздела № 8	<p>Знает точные определения и наглядный смысл базовых понятий дифференциального и интегрального исчисления функций нескольких переменных.</p> <p>Умеет вычислять частные производные, находить полные дифференциалы, вычислять кратные интегралы.</p> <p>Владеет навыками нахождения экстремальных значений функций нескольких переменных, применения кратных интегралов к решению физических и геометрических задач.</p>	Правильные ответы на вопросы к экзамену №№ 37-53 (второй семестр), выполнение РГР № 3, выполнение Кр 5	ОПК-3
Освоение раздела № 9	<p>Знает основные типы дифференциальных уравнений и методы их интегрирования, формулировки теорем о разрешимости дифференциальных уравнений.</p> <p>Умеет находить общие решения для стандартных типов уравнений и решать соответствующую задачу Коши.</p> <p>Владеет методами сведения прикладных задач к решению дифференциальных уравнений, навыками качественного анализа дифференциальных уравнений</p>	Правильные ответы на вопросы к экзамену №№ 1-13 (третий семестр), выполнение Кр 6.	ОПК-3

Показатели оценки результатов освоения дисциплины	Планируемые результаты	Критерий оценивания	Компетенции
Освоение раздела № 10	<p>Знает точные определения понятий суммы ряда, сходимости и расходимости ряда, основные признаки сходимости рядов.</p> <p>Умеет исследовать числовые ряды на сходимость и находить область сходимости функциональных рядов.</p> <p>Владет навыками представления заданных функций в виде суммы степенного или тригонометрического ряда, простейшими приёмами суммирования рядов.</p>	Правильные ответы на вопросы к экзамену №№ 14-29, (третий семестр), выполнение РГР № 4, выполнение Кр 7	ОПК-3

Шкала оценивания соответствует СТО СПбГТИ(ТУ):

если по дисциплине промежуточная аттестация проводится в форме зачета, то результат оценивания – «зачтено», «не зачтено»;

если по дисциплине промежуточная аттестация проводится в форме экзамена, то шкала оценивания – балльная.

3. Типовые контрольные задания для проведения промежуточной аттестации

3.1 Вопросы к зачёту и экзаменам

Вопросы к зачёту (первый семестр)

1. Понятие линейного пространства. Определение, примеры.
2. Линейная зависимость и линейная независимость элементов линейного пространства.
3. Матрицы. Операции над матрицами, их свойства.
4. Определители. Свойства определителей и способы вычисления (на примере определителей третьего порядка).
5. Обратные и обратимые матрицы. Нахождение обратных матриц.
6. Ранг матрицы. Теорема о базисном миноре (формулировка). Элементарные преобразования матриц.
7. Теорема Крамера. Решение систем линейных алгебраических уравнений по формулам Крамера.
8. Совместные и несовместные системы линейных алгебраических уравнений. Теорема Кронекера-Капелли.
9. Однородные системы линейных алгебраических уравнений, их нетривиальные решения.
10. Линейные операции над векторами и их свойства. Линейно зависимые и независимые системы векторов.
11. Теорема о линейной зависимости двух, трех и четырех векторов.
12. Скалярное произведение векторов. Определение, свойства. Угол между векторами.
13. Векторное произведение векторов. Определение, свойства, геометрический смысл.
14. Смешанное произведение трех векторов. Определение, свойства, геометрический смысл.
15. Плоскость в пространстве. Уравнения плоскости.
16. Векторное уравнение плоскости. Расстояние от точки до плоскости.

17. Взаимное расположение двух плоскостей в пространстве. Угол между плоскостями.
18. Прямая в пространстве. Уравнение прямой.
19. Прямая в пространстве как пересечение двух плоскостей. Переход к другим уравнениям прямой.
20. Векторное уравнение прямой. Расстояние от точки до прямой.
21. Взаимное расположение двух прямых в пространстве. Угол между прямыми.
22. Взаимное расположение прямой и плоскости. Угол между прямой и плоскостью.
23. Канонические уравнения кривых 2-го порядка: эллипса, гиперболы и параболы.
24. Комплексные числа. Алгебраическая, тригонометрическая, показательная формы комплексного числа. Действия с комплексными числами.
25. Многочлены. Теорема Безу. Основная теорема алгебры. Теорема о разложении многочлена на множители.

Вопросы к экзамену (второй семестр)

1. Окрестность точки числовой прямой. Предел функции в точке. Предел в бесконечно удаленной точке. Геометрическая интерпретация предела.
2. Односторонние пределы. Теорема о существовании предела функции в точке.
3. Непрерывность функции в точке. Точки разрыва. Классификация точек разрыва.
4. Предел функции в точке. Единственность предела.
5. Бесконечно малые функции в точке. Теоремы о бесконечно малых.
6. Сравнение бесконечно малых. Эквивалентные бесконечно малые.
7. Теорема о предельном переходе под знаком неравенства. Теорема о сжатой переменной (формулировка).
8. Теорема о сохранении знака функции. Теорема о связи функции, имеющей конечный предел, с бесконечно малой.
9. Односторонняя непрерывность. Непрерывность функции на отрезке. Теоремы Больцано-Коши и Вейерштрасса (без доказательства).
10. Производная функция в точке. Геометрическая и механическая интерпретация.
11. Дифференцируемые функции. Необходимое и достаточное условие дифференцируемости. Дифференциал. Непрерывность дифференцируемой функции.
12. Производная функции в точке. Правила дифференцирования суммы, произведения и частного.
13. Дифференцирование сложной функции. Производная обратной функции.
14. Теорема Ферма.
15. Теорема Ролля.
16. Теорема Лагранжа.
17. Теорема Коши.
18. Правило Лопиталя (формулировка).
19. Экстремумы функции одной переменной. Необходимое условие экстремума.
20. Экстремумы функции одной переменной. Достаточные условия экстремума.
21. Направление выпуклости графика функции. Достаточное условие выпуклости графика функции.
22. Точки перегиба. Необходимое условие существования перегиба. Достаточное условие существования перегиба.
23. Понятие о многочлене Тейлора. Формула Тейлора для функции одной переменной (без доказательства). Формула Маклорена для функций e^x , $\sin x$, $\cos x$.
24. Первообразная и неопределённый интеграл. Их свойства.
25. Первообразная и неопределённый интеграл. Методы вычисления неопределённых интегралов: интегрирование по частям и замена переменной.
26. Дробно-рациональная функция. Типы простейших алгебраических дробей и их интегрирование.

27. Интегральная сумма Римана. Определённый интеграл Римана. Интегрируемые функции. Геометрическая интерпретация определённого интеграла.
28. Определённый интеграл Римана. Свойства определённого интеграла. Теорема о среднем.
29. Определённый интеграл с переменным верхним пределом. Теорема о его производной. Существование первообразной непрерывной функции.
30. Определённый интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница.
31. Определённый интеграл Римана. Методы вычисления: интегрирование по частям и замена переменной.
32. Понятие о несобственных интегралах I-го рода. Интегралы вида $\int_a^{+\infty} \frac{dx}{x^p}$ ($a, p > 0$).
33. Понятие о несобственных интегралах II-го рода. Интегралы вида $\int_a^b \frac{dx}{(x-a)^p}$ ($a, p > 0$).
34. Кривые на плоскости и в пространстве. Спрямолинейная кривая, длина дуги кривой (вывод формулы для явно заданной кривой). Дифференциал длины дуги.
35. Вычисление площадей плоских фигур в декартовых и полярных координатах.
36. Вычисление объемов тел по площадям поперечных сечений и объемов тел вращения.
37. Функции двух переменных. Передел и непрерывность. Частные производные, их геометрическая интерпретация.
38. Дифференцируемые функции двух переменных. Полный дифференциал. Необходимое условие дифференцируемости. Достаточное условие дифференцируемости.
39. Дифференцируемые функции двух переменных. Дифференцирование сложной функции.
40. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Теорема о перестановке порядка дифференцирования (формулировка).
41. Формула Тейлора для функции двух переменных.
42. Экстремумы функции двух переменных. Необходимое условие существования экстремума.
43. Экстремумы функции двух переменных. Достаточное условие существования экстремума (формулировка).
44. Дифференцирование функции, заданной неявно.
45. Определение и свойства двойного интеграла.
46. Вычисление двойного интеграла в декартовой системе координат.
47. Вычисление двойного интеграла в полярной системе координат.
48. Приложения двойного интеграла.
49. Определение и свойства тройного интеграла.
50. Вычисление тройного интеграла в декартовой системе координат.
51. Вычисление тройного интеграла в цилиндрической системе координат.
52. Вычисление тройного интеграла в сферической системе координат.
53. Приложения тройного интеграла.

Вопросы к экзамену (третий семестр)

1. Определение дифференциального уравнения, его порядка, решения. Примеры составления и решения дифференциальных уравнений.
2. Геометрическое (качественное) исследование дифференциальных уравнений 1-го порядка. Общее, частное решения, их геометрический смысл. Уравнения с разделяющимися переменными.

3. Дифференциальные уравнения 1-го порядка. Задача Коши. Теорема о существовании и единственности решения задачи Коши. Общее и частное решения, их геометрический смысл. Особое решение. Решение однородного дифференциального уравнения 1-го порядка.
4. Линейные дифференциальные уравнения 1-го порядка.
5. Определение дифференциального уравнения. Порядок дифференциального уравнения. Решение дифференциальных уравнений в полных дифференциалах.
6. Дифференциальные уравнения высших порядков. Задача Коши, ее геометрическое истолкование для уравнений 2-го порядка. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Метод понижения порядка дифференциального уравнения.
7. Дифференциальные уравнения высших порядков. Задача Коши. Общее и частное решения. Линейные неоднородные уравнения n -го порядка. Структура общего решения.
8. Линейные дифференциальные уравнения n -го порядка. Линейный дифференциальный оператор и его свойства. Свойства решений линейных однородных дифференциальных уравнений.
9. Линейно независимые решения линейного однородного дифференциального уравнения n -го порядка. Определитель Вронского. Необходимое и достаточное условие линейной независимости решений линейного однородного дифференциального уравнения.
10. Фундаментальная система решений. Структура общего решения линейного однородного дифференциального уравнения n -го порядка.
11. Неоднородные линейные уравнения n -го порядка, структура общего решения. Метод вариации произвольных постоянных.
12. Линейные однородные дифференциальные уравнения n -го порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Построение фундаментальной системы решений.
13. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения n -го порядка. Структура общего решения. Неоднородные линейные дифференциальные уравнения n -го порядка с постоянными коэффициентами и специальной правой частью. Метод неопределенных коэффициентов.
14. Числовые ряды. Сходимость ряда. Сумма ряда. Критерий Коши для числовых рядов. Необходимое условие сходимости. Остаток сходящегося ряда. Общие свойства сходящихся рядов.
15. Интегральный признак сходимости Коши. Обобщенный гармонический ряд.
16. Ряды с положительными членами. Признаки сравнения.
17. Сходимость ряда, сумма ряда, остаток сходящегося ряда. Ряды с положительными членами. Признак Даламбера.
18. Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница.
19. Ряды с членами любого знака. Абсолютная сходимость. Свойства абсолютно сходящихся рядов.
20. Функциональные ряды. Сходимость в точке. Область сходимости. Сумма функционального ряда. Равномерная сходимость. Признак равномерной сходимости Вейерштрасса.
21. Равномерная сходимость функционального ряда. Теоремы о непрерывности суммы равномерно сходящегося ряда и о почленном интегрировании и дифференцировании функциональных рядов. Ряд Маклорена для функции $\arctg x$.
22. Степенные ряды. Теорема Абеля. Радиус сходимости.
23. Степенные ряды. Радиус сходимости. Свойства степенных рядов.
24. Разложение функции в ряд. Ряд Тейлора. Необходимое и достаточное условия разложимости функции в ряд Тейлора. Ряд Маклорена для функции $\ln(1+x)$.

25. Разложение функции в степенной ряд. Единственность разложения. Ряды Маклорена для функций: $\cos x$, $(1+x)^\alpha$.
26. Достаточное условие разложимости функции в ряд Тейлора. Ряды Маклорена для функций: e^x , $\sin x$.
27. Ортогональные системы функций. Обобщенный ряд Фурье. Сходимость тригонометрических рядов Фурье.
28. Ортогональные системы тригонометрических функций. Тригонометрические ряды Фурье для функций, заданных на отрезке $[-l, l]$ и для периодических функций.
29. Тригонометрические ряды Фурье для четных и нечетных функций. Разложение в ряд Фурье по синусам и косинусам функций, заданных на отрезке $[0, l]$.

К зачетам и экзаменам допускаются студенты, выполнившие все формы текущего контроля. При сдаче экзамена, студент получает два вопроса из перечня, приведенного выше.

Время подготовки студента к устному ответу на вопросы - до 45 мин.

3.2 Состав контрольных работ

Типовые варианты контрольной работы № 1 (первый семестр)

ВАРИАНТ 1

1. $A = \begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$. Найти: $2A^T A - 4A^{-1}$.

2. Исследовать и решить систему уравнений
$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 + 4x_3 = 5 \\ 2x_1 + x_2 - 3x_3 = 1 \\ x_1 + 4x_2 - 7x_3 = -4 \end{cases}$$

3. Найти BA^{-1} , если $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 0 & 2 & -2 \\ 3 & 1 & 5 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 7 & 7 & 1 \\ -6 & -4 & -6 \\ 9 & 3 & 15 \end{pmatrix}$.

ВАРИАНТ 2

1. $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ Найти: $2A^{-1} - A^T A$

2. Исследовать и решить систему уравнений
$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 + x_3 = 3 \\ x_1 + 2x_2 + 2x_3 = 4 \\ x_1 - 3x_2 - x_3 = -1 \end{cases}$$

3. Найти BA^{-1} , если $A = \begin{pmatrix} 2 & -3 & 0 \\ 1 & -1 & 2 \\ -3 & 4 & 1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -5 & 5 & -4 \\ -4 & 5 & -1 \\ -9 & 12 & 3 \end{pmatrix}$.

Типовые варианты контрольной работы № 2 (первый семестр)

ВАРИАНТ 1

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} (n - \sqrt{n^2 + 2n})$
2. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 3x + 2}{x^3 + 2x^2 - x - 2}$
3. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 5x}{x^2 + 10x}$
4. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 + x \sin 2x)}{1 - \cos 2x}$
5. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\operatorname{tg} \pi x}{x - 2}$

ВАРИАНТ 2

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} n(\sqrt{n^2 + n} - \sqrt{n^2 - n})$
2. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 2x + 1}{x^3 + x^2 - x - 1}$
3. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x+2} - \sqrt{2}}{\sin 2x}$
4. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 4x}{e^{x^2} - 1}$
5. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin \pi x}{x - 1}$

ВАРИАНТ 3

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(2+n)^3}{(n-1)^2 - (n+1)^3}$
2. $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 4x + 3}{x^3 - 27}$
3. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 2x}{\sqrt{x+1} - 1}$
4. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 - \sin 3x)}{e^{6x} - 1}$
5. $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{\sin 3x}{\operatorname{tg} 5x}$

ВАРИАНТ 4

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(2-n)^2 - (2+n)^2}{(2+n)^2 - (1-n)^2}$
2. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + x - 6}{2x^2 - x - 6}$
3. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 2x}{\operatorname{tg}(\pi(x+3))}$
4. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 - \arcsin 2x)}{e^{4x} - 1}$
5. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\ln x - \ln 2}{2^x - 4}$

Типовые варианты контрольной работы № 3 (первый семестр)

ВАРИАНТ 1

1. $y = 5^{x^3 \operatorname{tg} \sqrt{x}} + \frac{\sin^3(3x^2 + 5)}{\sqrt{x + \cos^2 x}}$, найти y' - ?
2. $y = x^{\operatorname{tg} 4x}$, найти y' - ?
3. $y = \cos^3 5x$, найти dy - ?
4. $y = \frac{3x + 5}{2x - 3}$, найти y'' - ?
5. $\begin{cases} x = \ln \operatorname{tg} t \\ y = \cos^3 t \end{cases}$, найти $\frac{dy}{dx}$ - ?

ВАРИАНТ 2

1. $y = 3^{x^4 \operatorname{ctg} x^2} + \frac{\sin^3(2 \cos x)}{\sqrt{x^2 + \ln x}}$, найти y' - ?
2. $y = x^{\cos 3x}$ найти y' - ?
3. $y = e^{-x^2}$ найти dy - ?
4. $y = x \cdot \ln x$, найти y'' - ?
5. $\begin{cases} x = \sqrt{1+t^2} \\ y = \frac{t}{\sqrt{1+t^2}} \end{cases}$, найти $\frac{dy}{dx}$ - ?

ВАРИАНТ 3

1. $y = 2^{x^2 \sin 7x} + \frac{\cos^2(2\sqrt{x})}{x + \ln^2 x}$ найти y' - ?
2. $y = (\sin x)^{x^2}$ найти y' - ?
3. $y = \operatorname{tg}^2 3x$ найти dy - ?
4. $y = xe^{3x}$ найти y'' - ?
5. $\begin{cases} x = \operatorname{tg}(2e^t) \\ y = \ln(2t+1) \end{cases}$ найти $\frac{dy}{dx}$ - ?

ВАРИАНТ 4

1. $y = 7^{x^3 \cos(7x+5)} + \frac{\sqrt{\operatorname{tg} 2x}}{x^2 + 1}$ найти y' - ?
2. $y = (\cos x)^x$ найти y' - ?
3. $y = \operatorname{tg}^2 2x$ найти dy - ?
4. $y = \sin xe^x$ найти y'' - ?
5. $\begin{cases} x = \ln(1+t^2) \\ y = \frac{t}{1+t^2} \end{cases}$ найти $\frac{dy}{dx}$ - ?

Типовые варианты контрольной работы № 4 (второй семестр)**Вариант 1**

$$1. \int_0^2 \frac{dx}{(2x+1)^3}$$

2. $\int \frac{2x+3}{x^3+2x^2} dx$
3. $\int \frac{dx}{4+\sin x \cos x}$
4. $\int_{-2}^6 (2x+1)\sqrt{x+3} dx$
5. $\int_0^{\pi} (2x+3)\sin 2x dx$
6. $\int_1^{+\infty} \frac{dx}{x^2+5x}$

Вариант 2

1. $\int_0^{\sqrt{7}} \frac{x dx}{\sqrt[3]{x^2+1}}$
2. $\int \frac{3x+4}{x^3+x} dx$
3. $\int \frac{dx}{2+\sin x+\cos x}$
4. $\int_0^5 \frac{x+3}{\sqrt{x+4}} dx$
5. $\int_0^{\pi} (3-2x)\sin 3x dx$
6. $\int_1^{+\infty} \frac{dx}{x^2+3x}$

Вариант 3

1. $\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{\cos x dx}{\sin^4 x}$
2. $\int \frac{2x^2+3x+1}{x^4-x^2} dx$
3. $\int \sin^5 x dx$
4. $\int_{-1}^0 x \cdot \sqrt[3]{x+1} dx$
5. $\int_0^{\ln 2} (3x+2)e^{-x} dx$
6. $\int_0^{+\infty} \frac{dx}{(x+3)(x+1)}$

Вариант 4

1. $\int_0^2 x^2 \sqrt{x^3+1} dx$
2. $\int \frac{5x+2}{x^3+5x^2+6x} dx$
3. $\int \frac{dx}{1+3\sin x \cos x + \cos^2 x}$
4. $\int_0^5 (x-1) \cdot \sqrt{x+4} dx$
5. $\int_0^{\pi} (1-x)\sin \frac{x}{2} dx$
6. $\int_4^{+\infty} \frac{dx}{x^2-3x}$

Вариант 1

1. $z = \operatorname{arctg}^2\left(\frac{\sqrt{x}}{y}\right) + 2y^2$. Найти $\frac{\partial z}{\partial x}$, $\frac{\partial z}{\partial y}$.
2. $z = x^2 \ln y$. Найти $d^2 z$.
3. Изменить порядок интегрирования: $\int_{-1}^0 dx \int_{x^2-2}^{-x^2} f(x, y) dy$.
4. Вычислить, перейдя к полярным координатам: $\iint_D \sqrt{x^2 + y^2} dx dy$,
где $D: \{x^2 + y^2 \leq R^2, x \geq 0, y \geq 0\}$.
5. Вычислить объём тела, ограниченного поверхностями:
 $z = x^2 + y^2, x + y = 4, x = 0, y = 0, z = 0$.

Вариант 2

1. $z = x \cdot e^{\frac{x}{y}} + 2y^3$. Найти $\frac{\partial z}{\partial x}$, $\frac{\partial z}{\partial y}$.
2. $u = \operatorname{tg}(x^2 + y^2 + z^2)$, $\begin{cases} x = t^4, \\ y = \ln t, \\ z = t \cdot 3^t, \end{cases} \frac{du}{dt} = ?$
3. Изменить порядок интегрирования: $\int_0^1 dx \int_x^{\sqrt{2-x^2}} f(x, y) dy$.
4. Вычислить, перейдя к полярным координатам: $\iint_D x dx dy$,
где $D: \{x^2 + y^2 \leq 4, x \geq 0, y \geq -x\}$.
5. Вычислить объём тела, ограниченного поверхностями: $z = 2 - x, y^2 = 2x, x = 2, z = 0$.

Вариант 3

1. $z = \operatorname{tg}^2(xy) + \frac{1}{y^5}$. Найти $\frac{\partial z}{\partial x}$, $\frac{\partial z}{\partial y}$.
2. $z = y^2 \sin x$. Найти $d^2 z$.
3. Изменить порядок интегрирования: $\int_{-1}^0 dx \int_{x^2}^{e^{-x}} f(x, y) dy$.
4. Вычислить, перейдя к полярным координатам: $\iint_D \frac{dx dy}{(x^2 + y^2)^2}$,
где $D: \{1 \leq x^2 + y^2 \leq 4, y \geq 0\}$.
5. Вычислить объём тела, ограниченного поверхностями: $z = x^2, x + y = 1, x = 0, y = 0, z = 0$.

Вариант 4

1. $z = x^3 \ln y + \frac{x}{y}$. Найти $d z$.

$$2. \quad u = \cos(x^2 + y^2 + z^2), \begin{cases} x = t^4, \\ y = te^t, \\ z = \ln t, \end{cases} \frac{du}{dt} = ?$$

$$3. \quad \text{Изменить порядок интегрирования: } \int_0^1 dx \int_{x^3}^{2-x} f(x, y) dy.$$

$$4. \quad \text{Вычислить, перейдя к полярным координатам: } \iint_D \arctg \frac{y}{x} dx dy,$$

$$\text{где } D: \{x^2 + y^2 \leq 1, x \leq 0, y \geq x\}.$$

$$5. \quad \text{Вычислить объём тела, ограниченного поверхностями: } z = x^2 + y^2, y = x^2, y = 1, z = 0.$$

Типовые варианты контрольной работы № 6 (третий семестр)

ВАРИАНТ 1

1. $y' - y = e^x \sin x$
2. $xy' = 2y \ln \frac{y^2}{x^2}, y|_{x=1} = e$
3. $y''(y-1) - 2(y')^2 = 0$
4. $4y'' + 16y' + 15y = 4e^{-\frac{3}{2}x}$
5. $y'' + 9y = \cos^4 3x$

ВАРИАНТ 2

1. $y' + \frac{y}{x} = \sin x, y(\pi) = 1$
2. $xy' - y = xe^{\frac{y}{x}}$
3. $2yy'' = 1 + (y')^2$
4. $y'' - y = 5e^x$
5. $y'' + 4y = \frac{1}{\cos^2 x}$

ВАРИАНТ 3

1. $y' = \frac{2x^2 + y^2 - xy}{xy}$
2. $(3x^2y^2 + 2x + 3)dx + (2x^3y + 3y^2)dy = 0$
 $y|_{x=0} = 0$
3. $y'' + y' \operatorname{tg} x = \frac{1}{\cos x}$
4. $y'' + y' = x^2$
5. $y'' - 6y' + 9y = \frac{e^{3x}}{x+1}$

ВАРИАНТ 4

1. $y' + \frac{y}{x+1} + x^2 = 0, y|_{x=0} = 1$
2. $y' = \frac{x+y}{x-y}$
3. $2xy'y'' = (y')^2 - 1$
4. $y'' + 2y' + 5y = -2\sin x$
5. $y'' + 9y = \frac{1}{\sin 3x}$

Типовые варианты контрольной работы № 7 (третий семестр)

ВАРИАНТ 1

Исследовать на сходимость ряды:

1.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n^2 + n + 1}{3n^3 + n - 1}.$$

2.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^3 + \ln n}.$$

3.
$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \ln^2 n}.$$

4.
$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{n}{n^2 + 10}.$$

5. Найти интервал сходимости ряда

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+4)^n}{4^n \cdot n!}.$$

ВАРИАНТ 2

Исследовать на сходимость ряды:

1.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n+1}{n} \right)^{n^2} \frac{1}{2^n}.$$

2.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n + 3^n}.$$

3.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n}{n!}.$$

4.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin n}{n^2}.$$

5. Найти интервал сходимости ряда

$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \frac{x^{2n}}{n}.$$

ВАРИАНТ 3

Исследовать на сходимость ряды:

1.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{6n^2}{9n^2 + 6n - 8}.$$

2.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n4^n}.$$

3.
$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{\ln^2 n}{n}.$$

4.
$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \frac{1}{2n+3}.$$

5. Найти интервал сходимости ряда

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n(x+1)^n}{4^n}.$$

ВАРИАНТ 4

Исследовать на сходимость ряды:

1.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\sqrt{n^2 + 2n + 4} - \sqrt{n^2 + n + 3} \right) \cdot \frac{1}{n}$$

.

2.
$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{n!}{2^n}.$$

3.
$$\sum_{n=2}^{\infty} \arcsin^n \frac{1}{n}.$$

4.
$$\sum_{n=2}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{\ln n}.$$

5. Найти интервал сходимости ряда

$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{(x-3)^{2n-1}}{n \cdot 16^n}.$$

3.3 Содержание расчётно-графических работ

Содержание РГР № 1 (первый семестр)

1. Изобразить точки на комплексной плоскости.
2. Выполнить операции над комплексными числами в алгебраической форме.
3. Перевести комплексные числа в тригонометрическую форму и выполнить требуемые операции, записать ответ в показательной форме.
4. Решить квадратные уравнения с отрицательным дискриминантом.
5. По заданным параметрам написать канонические уравнения кривых второго порядка и построить эти кривые.

Содержание РГР № 2 (второй семестр)

1. Исследовать функцию одной переменной и построить ее график.
2. Вычислить предел, используя правило Лопиталья.

Содержание РГР № 3 (второй семестр)

1. Вычислить площадь плоской области в ДСК.
2. Вычислить площадь плоской области в ПСК.
3. Вычислить длину дуги плоской кривой в ДСК.
4. Вычислить длину дуги плоской кривой, заданной параметрически.
5. Вычислить объем тела вращения.
6. Исследовать на экстремум функцию двух переменных.
7. Найти наибольшее и наименьшее значения функции двух переменных в области, ограниченной заданными линиями.

Содержание РГР № 4 (третий семестр)

1. Разложить функцию в степенной ряд.
2. Разложением подынтегральной функции в степенной ряд вычислить интеграл с указанной точностью.
3. Разложить функцию в ряд Фурье на заданном отрезке. Построить график суммы ряда Фурье.
4. Разложить заданную функцию в ряд по синусам (косинусам). Построить график суммы ряда.

4. Методические материалы для определения процедур оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций.

Промежуточная аттестация по дисциплине проводится в соответствии с требованиями СПб

СТО СПбГТИ(ТУ) 016-2015. КС УКВД. Порядок проведения зачетов и экзаменов.